

On se propose d'étudier la poutre **B₂(22×21)** du plancher terrasse et la traverse du portique **A₂ (30×70)** du plancher 1^{er} étage d'un bâtiment commercial dont les plans de coffrage et une coupe A-A sont présentés sur les fig. 1, 2 et 3. Le portique A₂ supporte les charges réparties provenant du plancher étage et deux poteaux naissants « P₆ et P₇ ». Les surcharges surfaciques permanentes (autres que le poids propre) et d'exploitation appliquées sur l'étage et sur la terrasse sont supposées identiques et égales à **3,15 kN/m²** et **2,5 kN/m²** respectivement. *On donne : f_e = 400 MPa ; f_{c28} = 25 MPa ; ρ_{béton} = 25 kN/m³ ; d = 0,9×h ; d' = 0,05 m ; Enduit = 0,33 kN/m² ; la fissuration est peu préjudiciable ;*

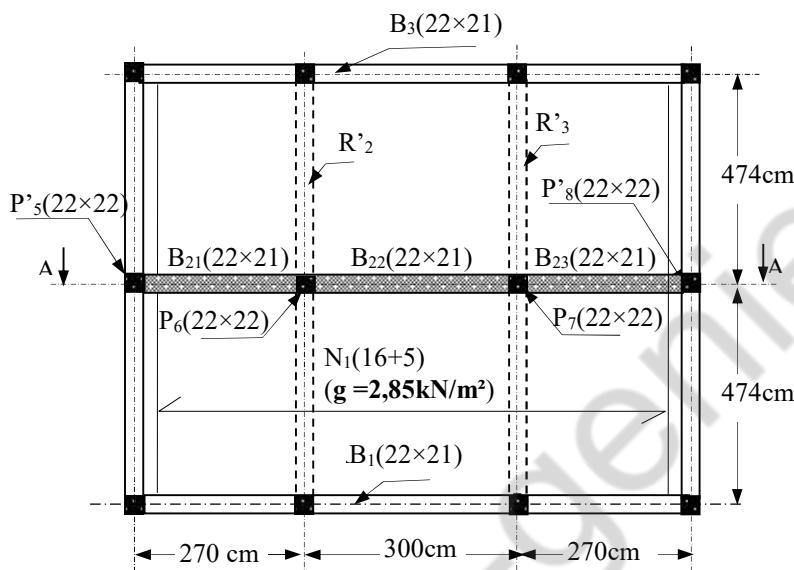


Fig.1 : Plan de coffrage du plancher Terrasse

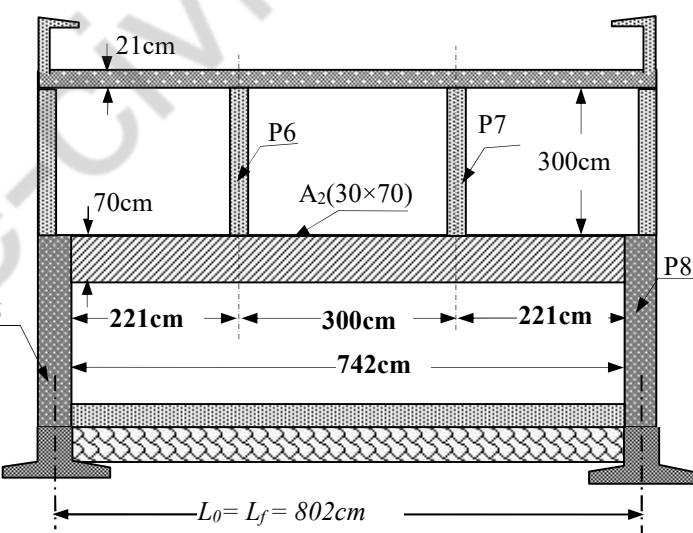


Fig.3 : Coupe A-A

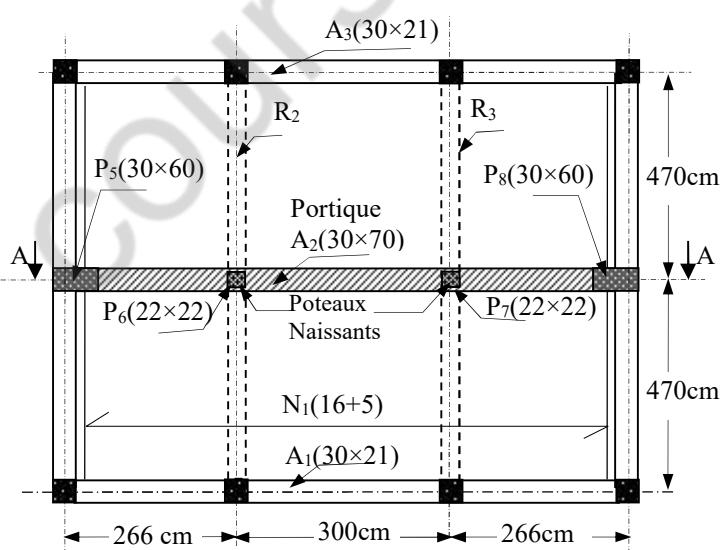


Fig. 2 : Plan de coffrage du plancher 1^{er} étage

N.B : Les poteaux au RDC sont de **(30×30) cm²**

Les poteaux du portique sont de **(30×60) cm²**

Les poteaux à l'étage sont de **(22×22) cm²**

Le poids propre du plancher est de **2,85 kN/m²**

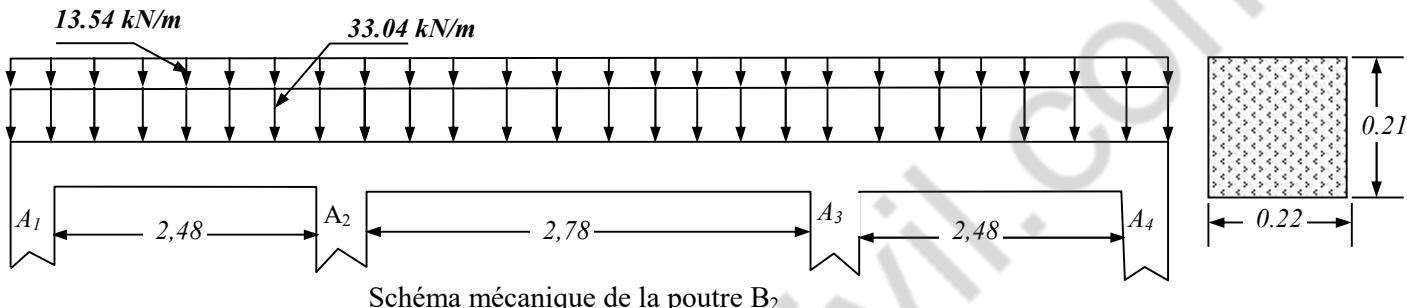
Question-1

Calculez les charges uniformément réparties « permanentes et d'exploitation (G_{B2} et Q_{B2}) » appliquées sur la poutre continue B_2 du plancher terrasse « voir Fig.1 »; Présentez son schéma mécanique en indiquant les portées et les charges appliquées. [3]

Réponse :

$$G_{B2}=0,21 \times 0,22 \times 25 + 6 \times 4,52 \times 1,15 + (6-2,85) \times 0,22 = 33,04 \text{ kN/m}$$

$$Q_{B2}=2,5 \times 4,52 \times 1,15 + 0,22 \times 2,5 = 13,54 \text{ kN/m}$$



Question-2

En supposant que les charges réparties sur la poutre B_2 sont évaluées à ($G_{B2} = 33,04 \text{ kN/m}$; $Q_{B2}=13,54 \text{ kN/m}$), choisissez la méthode de calcul appropriée et calculez les moments fléchissant et les efforts tranchant aux états limites de service le long de la poutre B_2 . [4]

Réponse :

a- $Q < 5 \text{ kN/m}^2$ et $Q < 2 \times G$

$$b- 0,8 < \frac{l_i}{l_{i+1}} = \frac{2,48}{2,78} = 0,89 < 1,25$$

c- L'inertie est constante le long des trois travées

d- La fissuration est peu préjudiciable

Les quatre conditions sont satisfaites \rightarrow la méthode forfaitaire est applicable

$$M_{A2}=M_{A3}=-0,5 \times \text{sup}(M_{01}; M_{02}; M_{03})=-0,5 \times (13,54+33,04) \times 2,78^2/8=-22,5 \text{ kN.m}$$

$$\boxed{\Rightarrow M_{A2}=M_{A3}=-22,5 \text{ kN.m}}$$

$$\alpha = \frac{q}{q+g} = \frac{2,5}{2,5+6} = 0,29$$

$$M_{t1}=M_{t3}=(0,6+0,15 \times \alpha) \times M_{01}=(0,6+0,15 \times 0,29) \times (13,54+33,04) \times 2,48^2/8=23,04$$

$$\text{Vérification : } M_{t1}=M_{t3}=\text{Max}(1,05 ; (1+0,3 \times \alpha)) \times M_{01}-M_{A2}/2$$

$$=\text{Max}(1,05 ; (1+0,3 \times 0,29)) \times (13,54+33,04) \times 2,48^2/8-22,5/2=27,67 \text{ kN.m}$$

$$\boxed{\Rightarrow M_{t1}=M_{t3}=27,67 \text{ kN.m}}$$

$$M_{t2}=(0,5+0,15 \times \alpha) \times M_{01}=(0,5+0,15 \times 0,29) \times (13,54+33,04) \times 2,78^2/8=24,45 \text{ kN.m}$$

$$\text{Vérification : } M_{t2}=\text{Max}(1,05 ; (1+0,3 \times \alpha)) \times M_{02}-(M_{A2}+M_{A3})/2$$

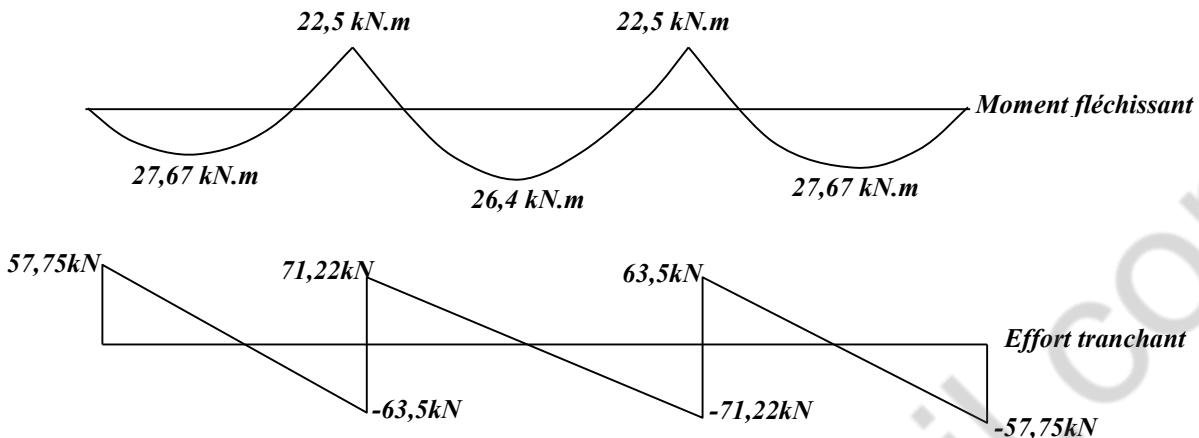
$$=\text{Max}(1,05 ; (1+0,3 \times 0,29)) \times (13,54+33,04) \times 2,78^2/8-(22,5+22,5)/2=26,4 \text{ kN.m} \rightarrow \boxed{M_{t2}=26,4 \text{ kN.m}}$$

Effort tranchant

$$V_{1E} = (13,54 + 33,04) \times 2,48 / 2 = 57,75 \text{ kN} ; V_{2w} = -1,1 \times (13,54 + 33,04) \times 2,48 / 2 = -63,5 \text{ kN}$$

$$V_{2E} = 1,1 \times (13,54 + 33,04) \times 2,78 / 2 = 71,22 \text{ kN} ; V_{3w} = -1,1 \times (13,54 + 33,04) \times 2,78 / 2 = -71,22 \text{ kN}$$

$$V_{3E} = 1,1 \times (13,54 + 33,04) \times 2,48 / 2 = -63,5 \text{ kN} ; V_{4w} = -(13,54 + 33,04) \times 2,48 / 2 = -57,75 \text{ kN}$$



Question-3

En se basant sur les résultats de la question précédente et en négligeant les charges provenant des raidisseurs ($R_2 ; R_3 ; R'_2$ et R'_3), calculez les charges concentrées de service appliquées sur la traverse du portique transmises par les poteaux naissants P_6 et P_7 . [3]

Réponse :

$$N_{P6} = N_{P7} = (71,22 + 63,5) + 0,22^2 \times 25 \times 3,21 = 138,6 \text{ kN}$$

Question-4

Les sollicitations dans la section centrale de la traverse du portique « soumise à la flexion composée » sont calculées et récapitulées dans le tableau ci-dessous. Calculez le ferraillage longitudinal dans cette section, présentez-le sur un schéma clair. [5]

Réponse :

$$e_0 = (M_G + M_Q) / (N_G + N_Q) = 338,5 / 95,9 = 3,53 \text{ m}$$

$$l_f = l_0 = 8,02 \text{ m}$$

$$e_a = \max(l_0 / 250, 2 \text{ cm}) = 0,0321 \rightarrow e_1 = 3,53 + 0,0321 = 3,562 \text{ m}$$

Moments fléchissant		Efforts normaux	
M_G (kN.m)	241,4	N_G (kN)	68,4
M_Q (kN.m)	97,1	N_Q (kN)	27,5
M_S (kN.m)	338,5	N_S (kN)	95,9
M_U (kN.m)	471,5	N_U (kN)	133,6

Sollicitations à la section centrale
traverse du portique A2

$$\frac{l_f}{h} < \text{Max}(15; \frac{20 \times e_1}{h}) \Rightarrow \frac{8,02}{0,7} < \text{Max}(15; \frac{20 \times 3,562}{0,7}) \Rightarrow 11,45 \leq 101,7 \text{ Ok}^\circ$$

$$\alpha = \frac{M_g}{M_g + M_q} = \frac{241,4}{241,4 + 97,1} = 0,713 \Rightarrow e_2 = \frac{3l_f^2}{10^4 \times h} (2 + \varphi \times \alpha) = \frac{3 \times 8,02^2}{10^4 \times 0,7} (2 + 2 \times 0,713) = 0,094$$

$$e_{maj} = 0,094 + 3,562 = 3,654 \text{ m}$$

$$e_{uA} = e_{maj} + v_a = 3,654 + (0,63 - 0,35) = 3,93 \text{ m} \rightarrow N_{uA} \times e_{uA} = 133,6 \times 3,93 = 525,05 \text{ kN.m}$$

$$\mu_{uA} = \frac{M_{uA}}{bd^2 f_{bu}} = \frac{525,05 \times 10^{-3}}{0,3 \times 0,63^2 \times 14,17} = 0,31$$

$$\mu_{BC} = 0,8 \times \frac{h}{d} \times (1 - 0,4 \times \frac{h}{d}) = 0,8 \times \frac{0,7}{0,63} \times (1 - 0,4 \times \frac{0,7}{0,63}) = 0,494$$

$\mu_{uA} \leq \mu_{BC} \Rightarrow$ section partiellement comprimée

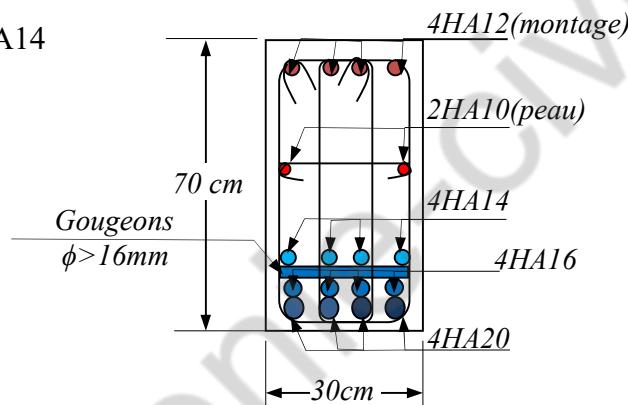
$$\mu_{uA} \leq \mu_l \Rightarrow A_{sc} = A_l = 0$$

$$\Rightarrow \alpha = 1,25 \times (1 - \sqrt{1 - 2 \times \mu}) = 1,25 \times (1 - \sqrt{1 - 2 \times 0,31}) = 0,482 \Rightarrow z = d(1 - 0,4 \times \alpha) = 0,5 \text{ m}$$

$$A_{st}^{(s)} = \frac{M_{uA}}{z \times f_{su}} = \frac{525,05 \times 10^{-3}}{0,5 \times 348} = 29,66 \text{ cm}^2 = A_{st}^{(c)} = A_2 = 29,66 \times 10^{-4} - \frac{133,6 \times 10^{-3}}{348} = 25,83 \text{ cm}^2$$

Soit 4HA20+4HA16+4HA14

$$A_2 = 26,76 \text{ cm}^2$$



C.N.F

$$A_{min} = \frac{0,23bd \times f_{t28}}{f_e} \times \frac{e_0 - 0,455 \times d}{e_0 - 0,185 \times d} = \frac{0,23 \times 0,3 \times 0,63 \times 2,1}{400} \times \frac{3,53 - 0,455 \times 0,63}{3,53 - 0,185 \times 0,63} = 2,17 \text{ cm}^2 < 26,76 \text{ cm}^2 \text{ OK}$$

Question-5

Vérifiez cette même section aux ELS.

[5]

Réponse :

$$N_s = 95,9 \text{ kN} ; M_s = 338,5 \text{ kN.m} \rightarrow e_s = 338,5 / 95,9 = 3,53$$

$$e_A = 3,53 + (0,63 - 0,35) = 3,81 \text{ m} ; c = d - e_A = 0,63 - 3,81 = -3,18 \text{ m} ; A_2 = 26,76 \text{ cm}^2$$

$$y_c^3 + py_c + q = 0 \text{ avec} \quad p = -3 \times (-3,18)^2 + (0,63 + 3,18) \times \frac{90 \times 26,76 \times 10^{-4}}{0,3} = -27,28$$

$$q = -2 \times (-3,18)^3 - (0,63 + 3,18)^2 \times \frac{90 \times 26,76 \times 10^{-4}}{0,3} = 52,66$$

La résolution de l'équation en y_c donne $y_c = 3,49 \text{ m} \rightarrow y_{ser} = 3,49 + (-3,18) = 0,31 \text{ m}$

$$I_{SRH} = \frac{0,31^3 \times 0,3}{3} + 15 \times 26,76 \times 10^{-4} \times (0,63 - 0,31)^2 = 0,007 \text{ m}^4, \quad k = \frac{N_{ser}}{I_{SRH}} \times y_c = \frac{95,9 \times 10^{-3}}{0,007} \times 0,31 = 47,14$$

$$\Rightarrow \sigma_{bc} = k \times y_{ser} = 47,14 \times 0,31 = 14,6 < \overline{\sigma_{bc}} = 15 \text{ Ok}$$